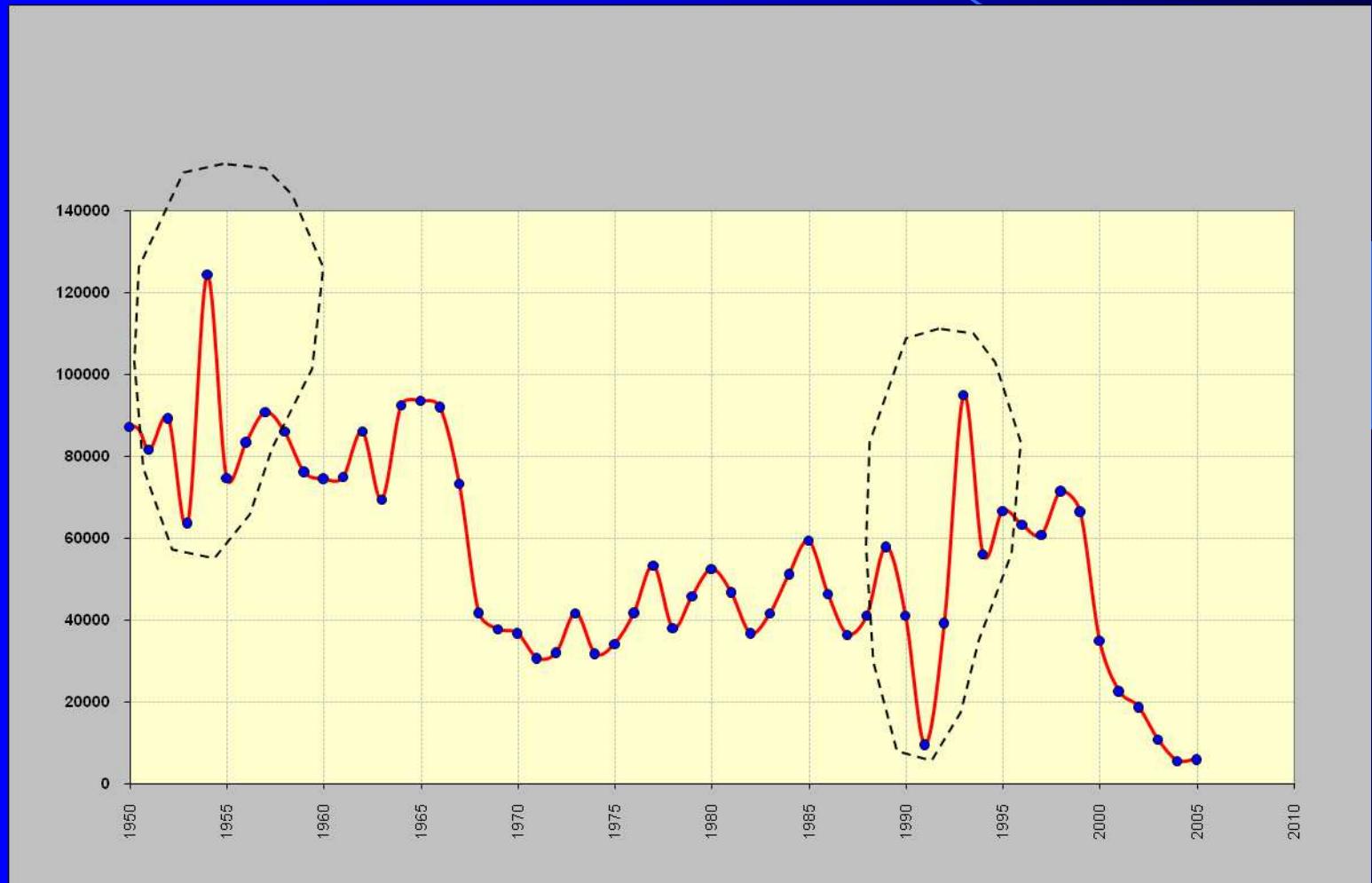


A.Škute, V. Bardačenko, A. Solomenikovs

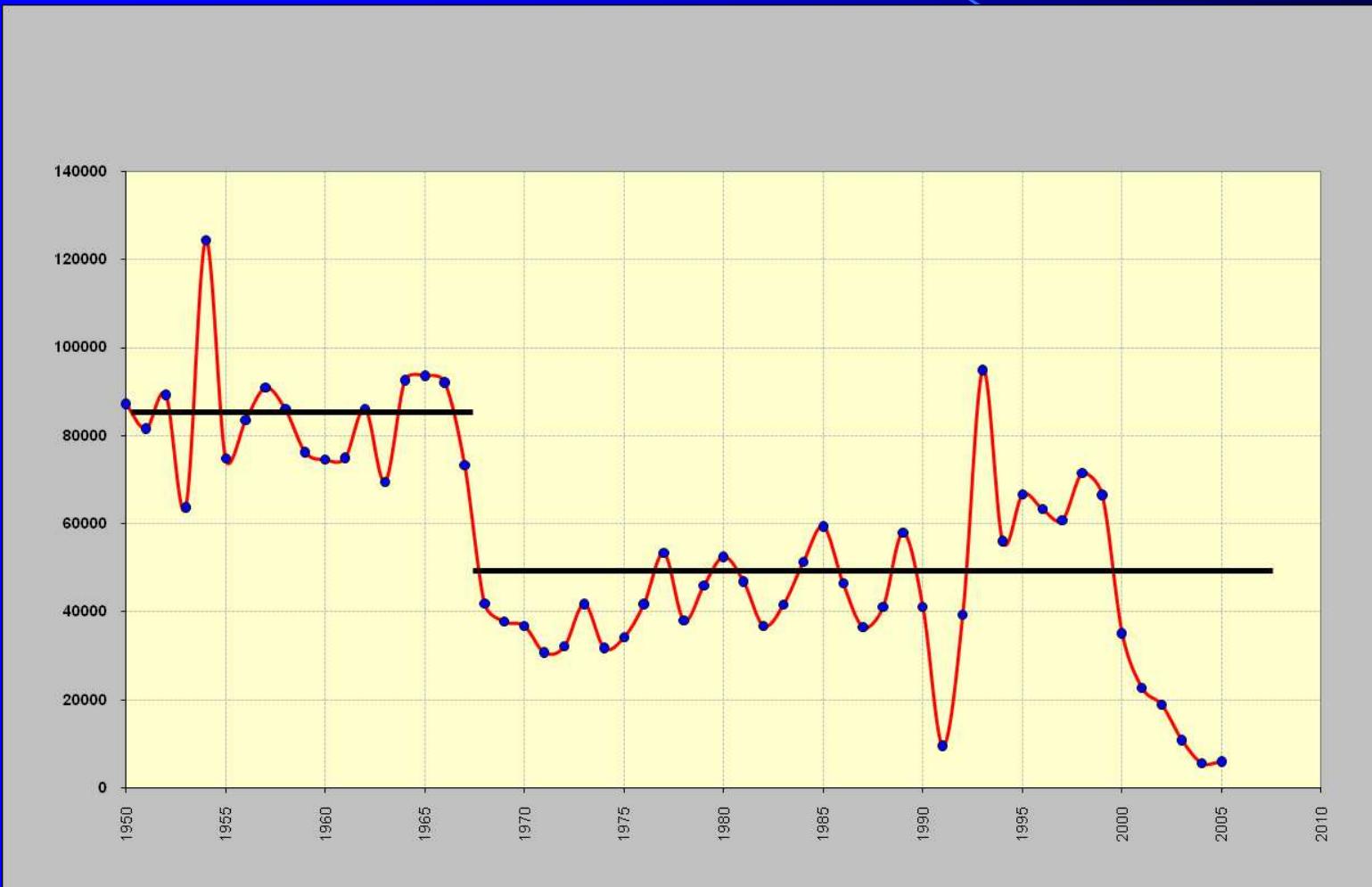
**Ihtiocenozes struktūras  
izmaiņas Latvijas ezeros pēdējo  
50 gadu laikā nozvejas un  
klimata  
izmainu kontekstā**

DU Ekoloģijas institūts

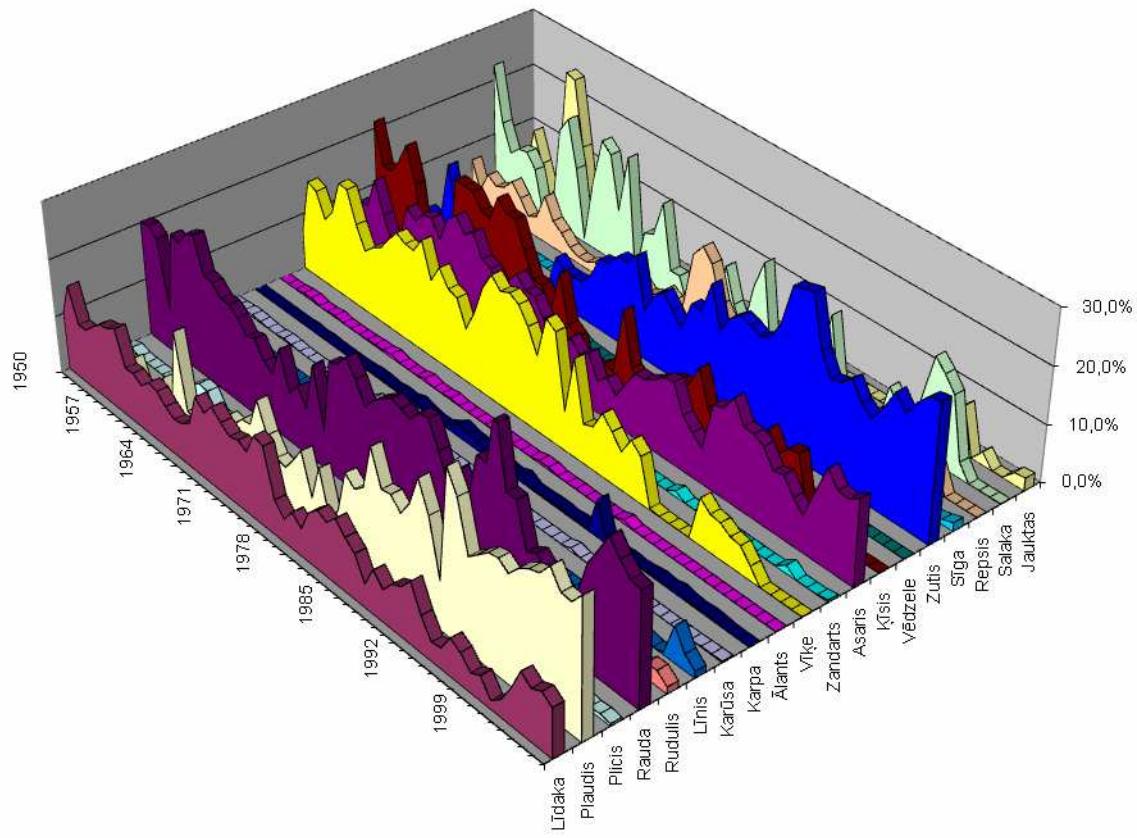
# Nozveja Rāznas ezerā



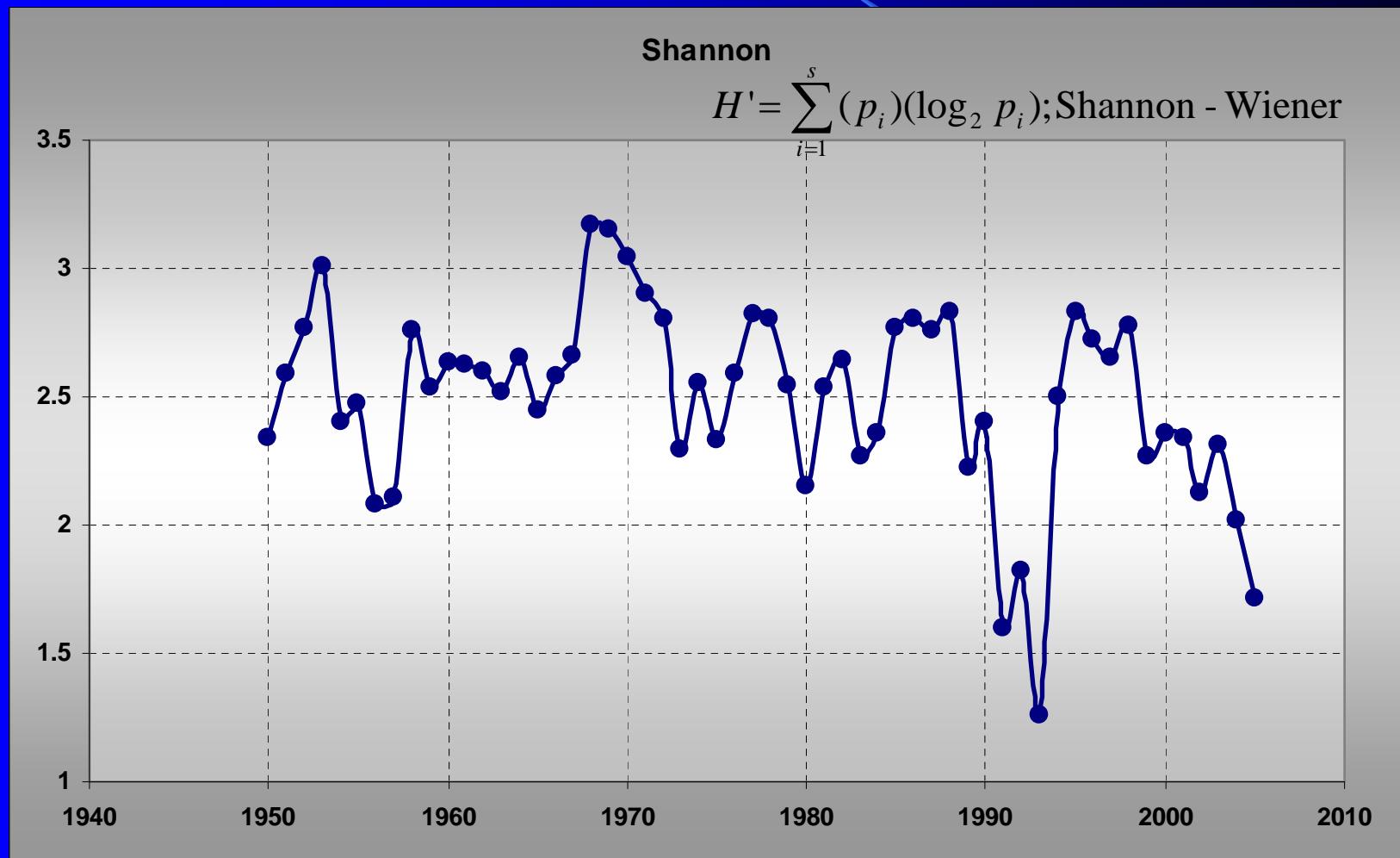
# Nozveja Rāznas ezerā



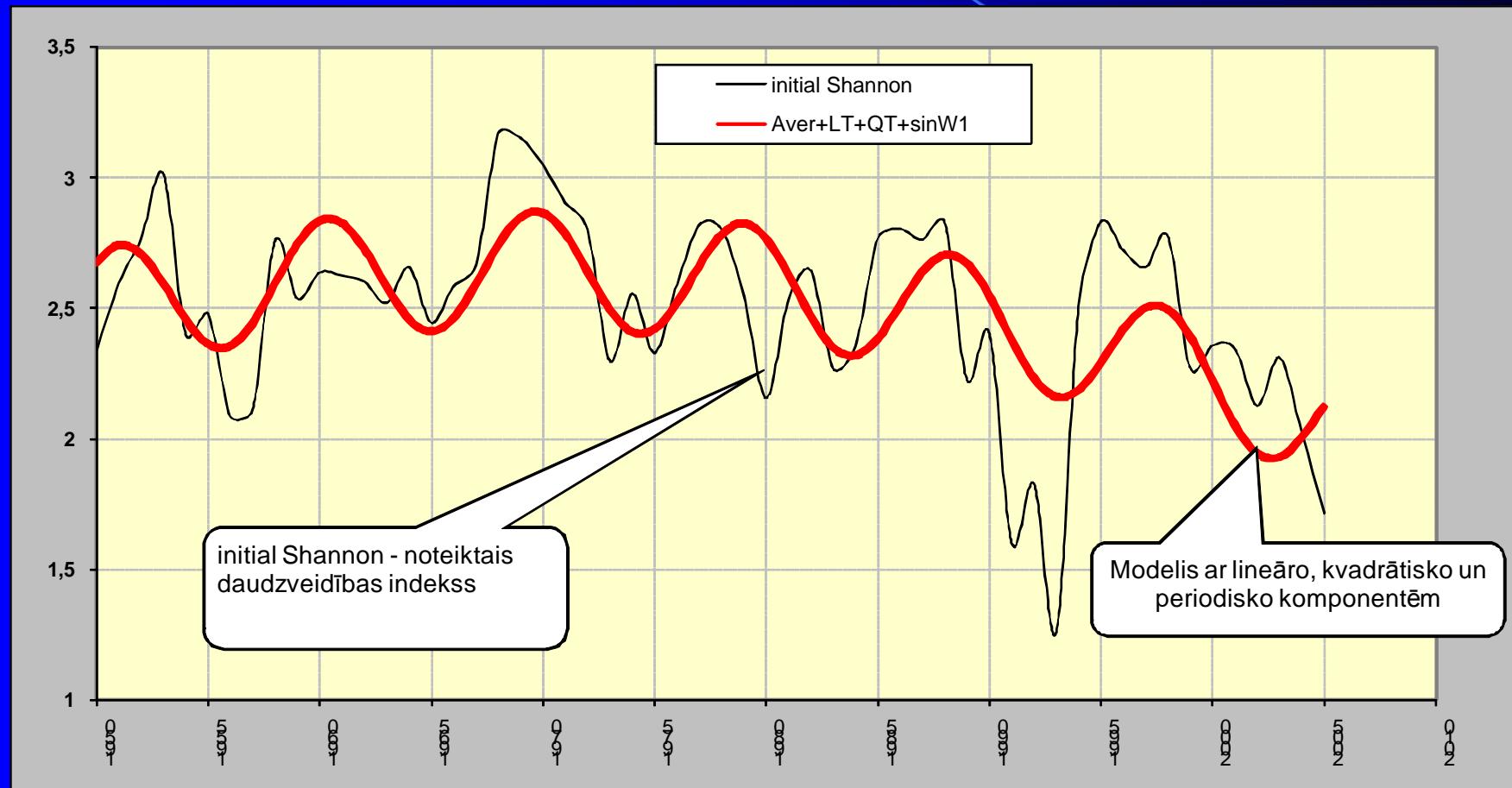
# Nozveja pa sugām



# Daudzveidības dinamika



# Daudzveidības dinamika

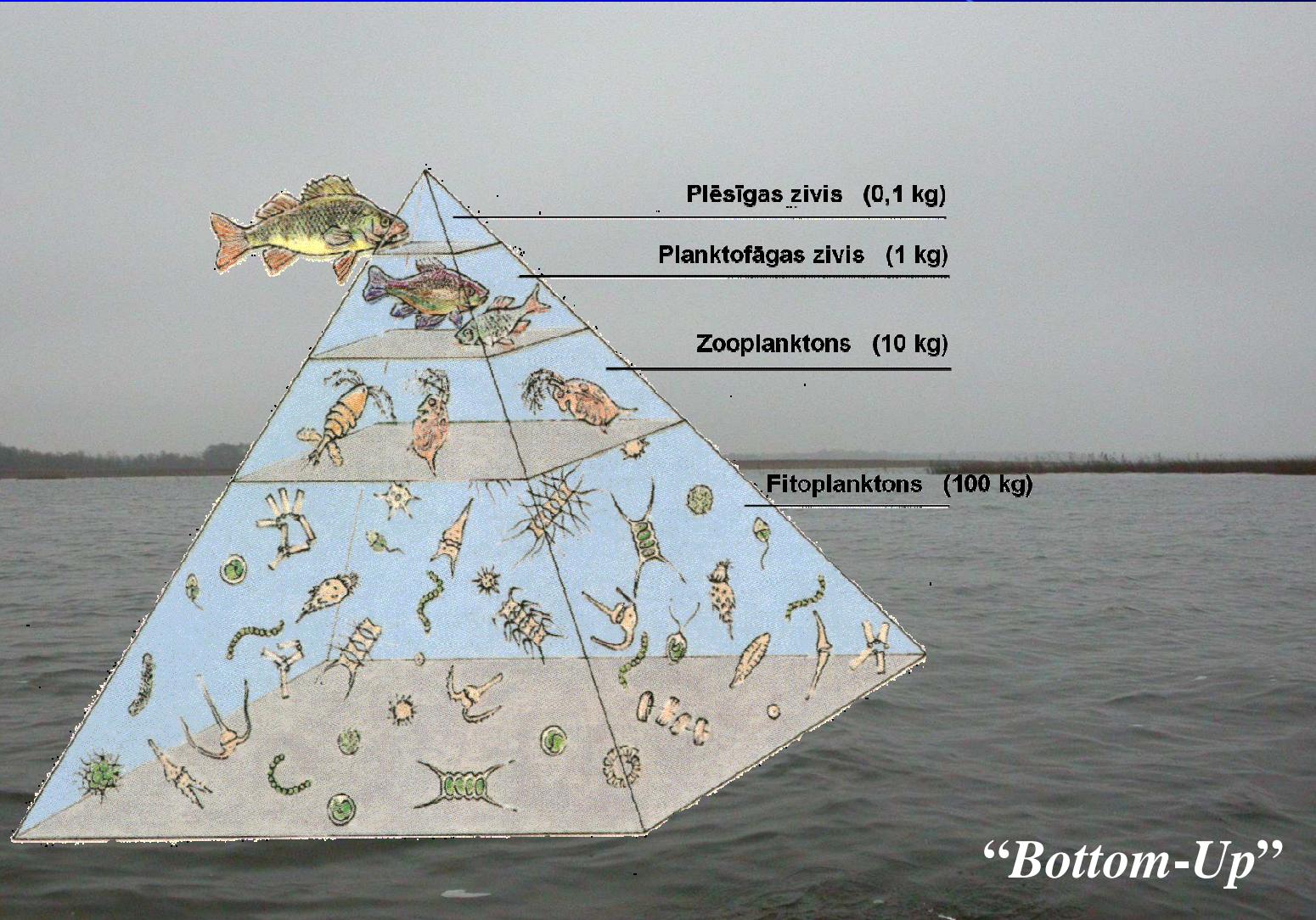


$$HD(T) = H_1(T) + H_2(T) = 2,4967 + 15,128 \cdot -0,00765 \cdot T - 0,0004264262 \cdot T^2 + 1.6865 \cdot T - 1667.4 + 0,225 \cdot \text{SIN}(2 \cdot \pi \cdot 0,107 \cdot T + 1,312)$$



Ar ko tas var būt saistīts?

# Temperatūras ietekme?



# Plēsēju ietekme?



Prey



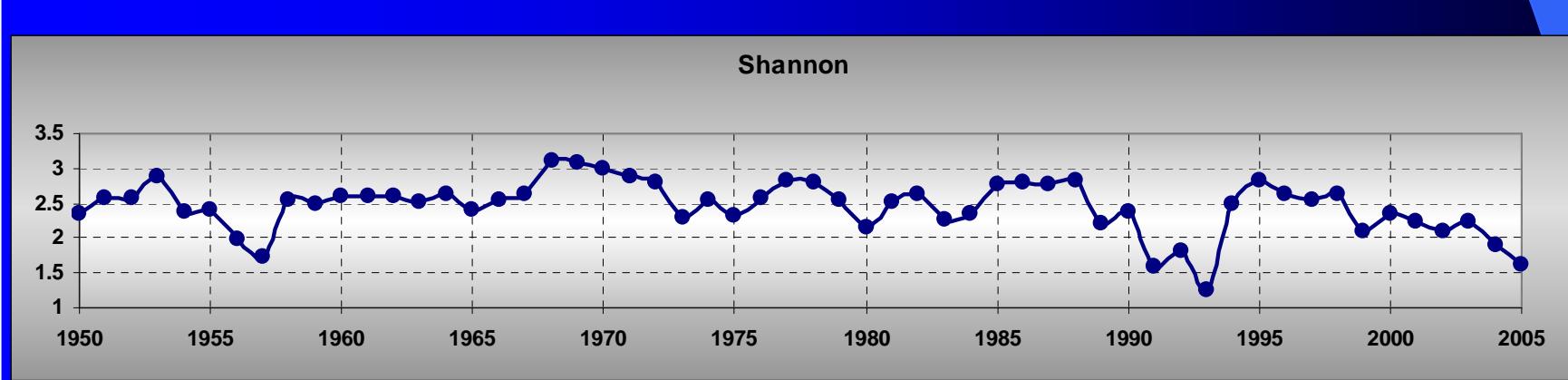
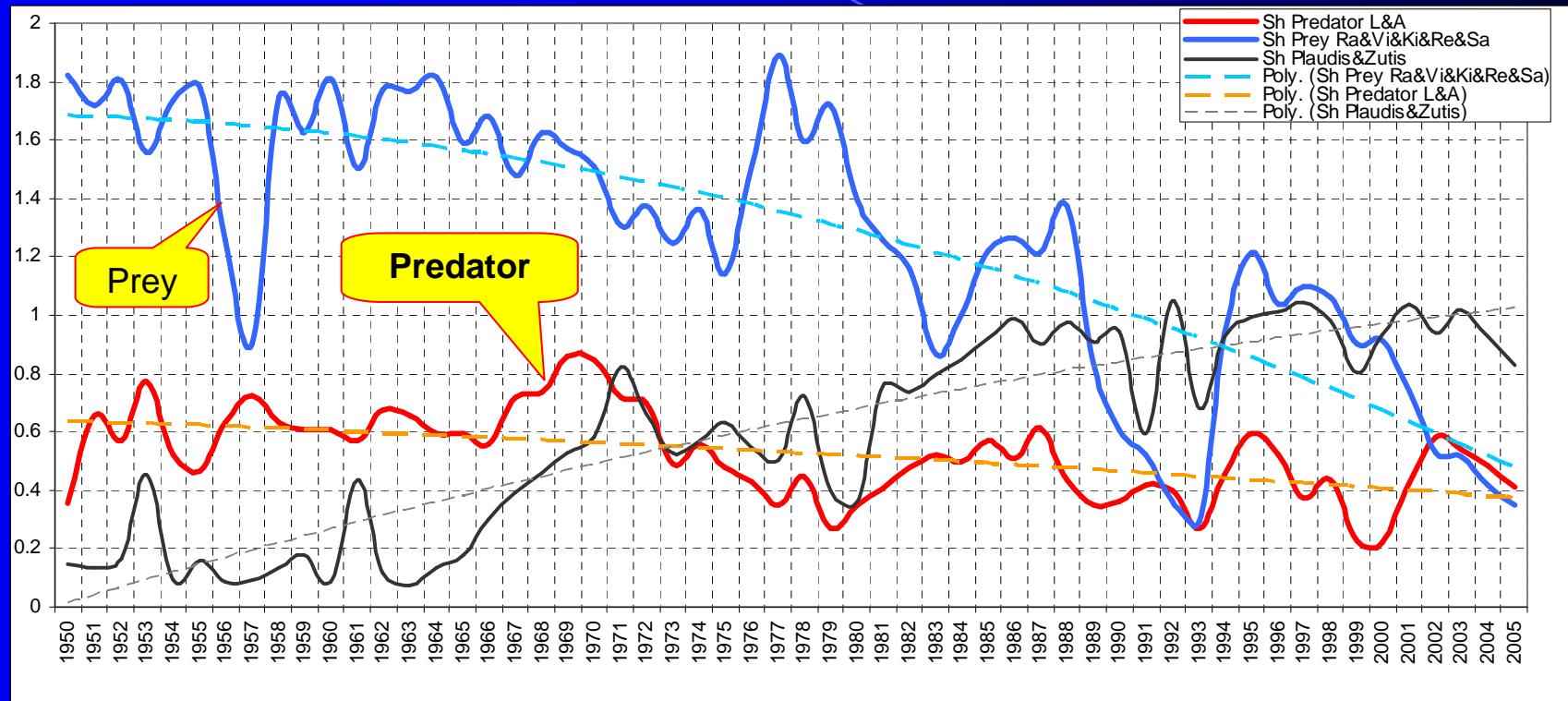
Predator



*“Top-Down”*



# Daudzveidības dinamika



# Modelis “plēsējs-upuris”

Predator-Prey model: differential equations

$$\frac{dx}{dt} = \alpha x - \beta xy$$

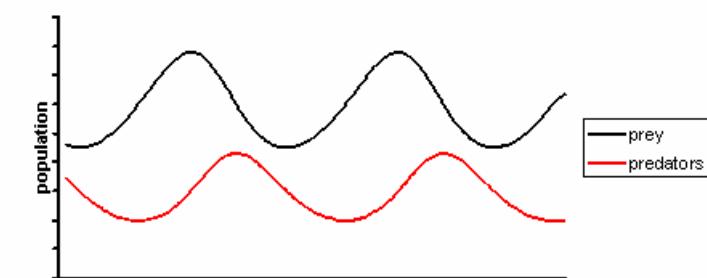
$$\frac{dy}{dt} = \gamma xy - \delta y$$

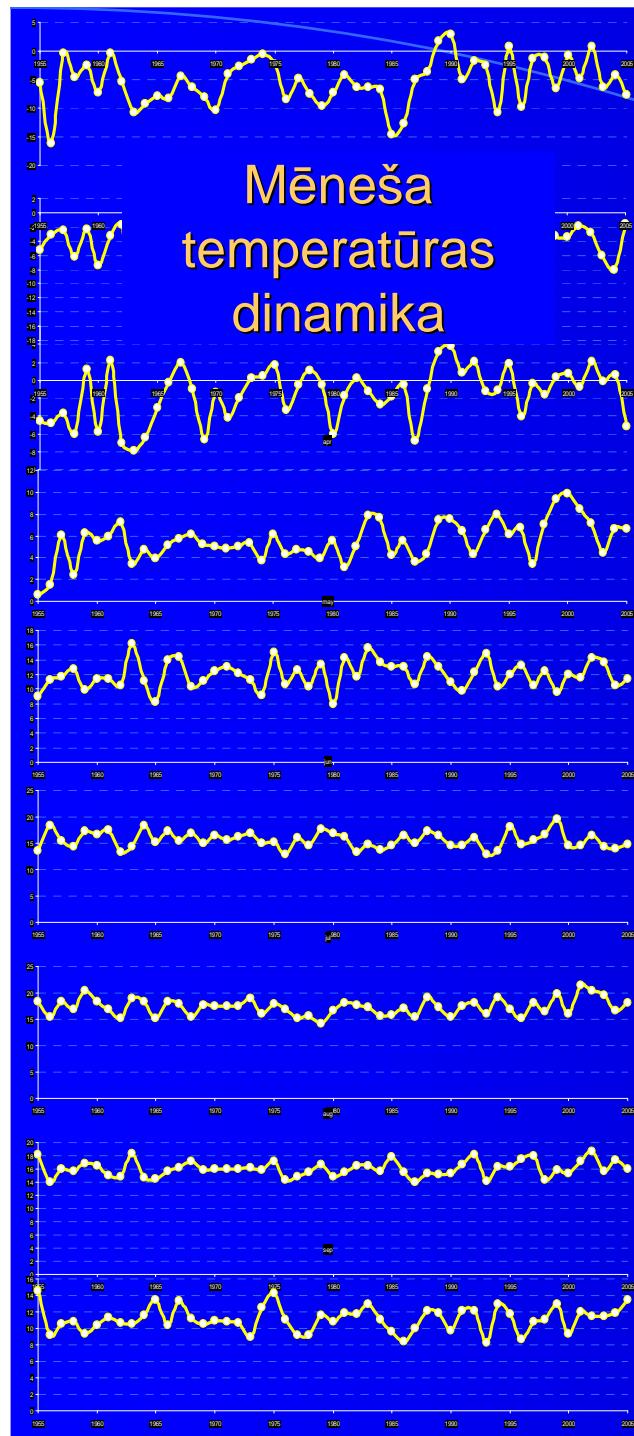
x, y biomass of  
Predators and Preys

$\alpha, \beta, \gamma, \delta$  parameters

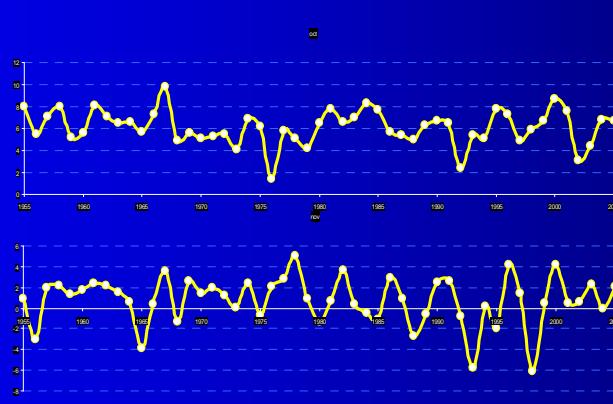
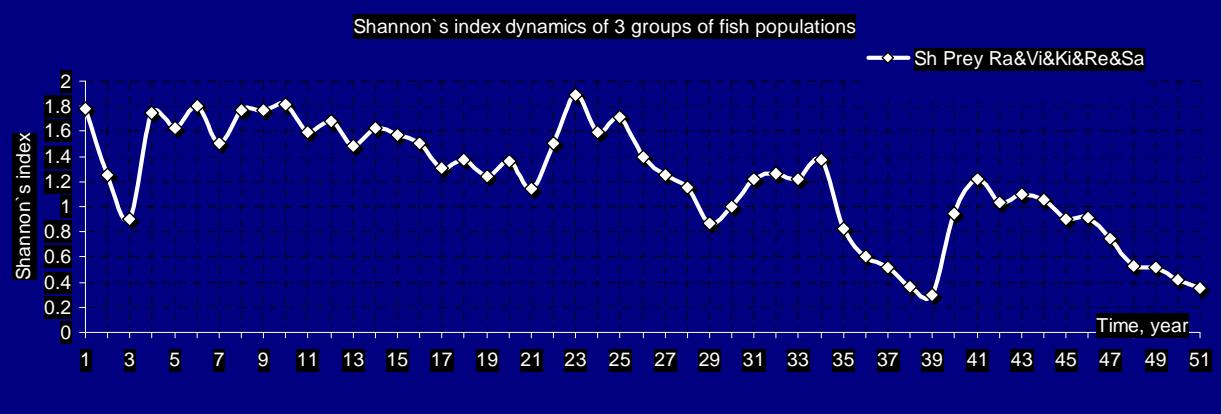
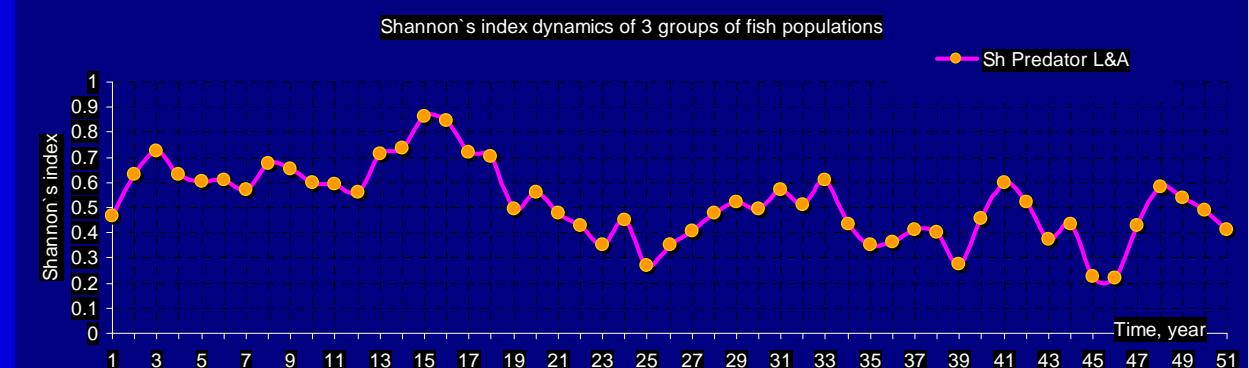
Analytic (symbolic) solution:

$$y^\alpha e^{-\beta y} x^\gamma e^{-\delta x} = K$$





## Daudzveidības indeksa dinamika (Predator-Prey)



# Kohherence

Divu procesu  $X(t)$  un  $Y(t)$  kohherences spektru  $Coh(\omega)$  nosaka kā krossspektra  $S_{xy}(\omega)$  un autospektru  $S_{xx}(\omega)$ ,  $S_{yy}(\omega)$  attiecību.

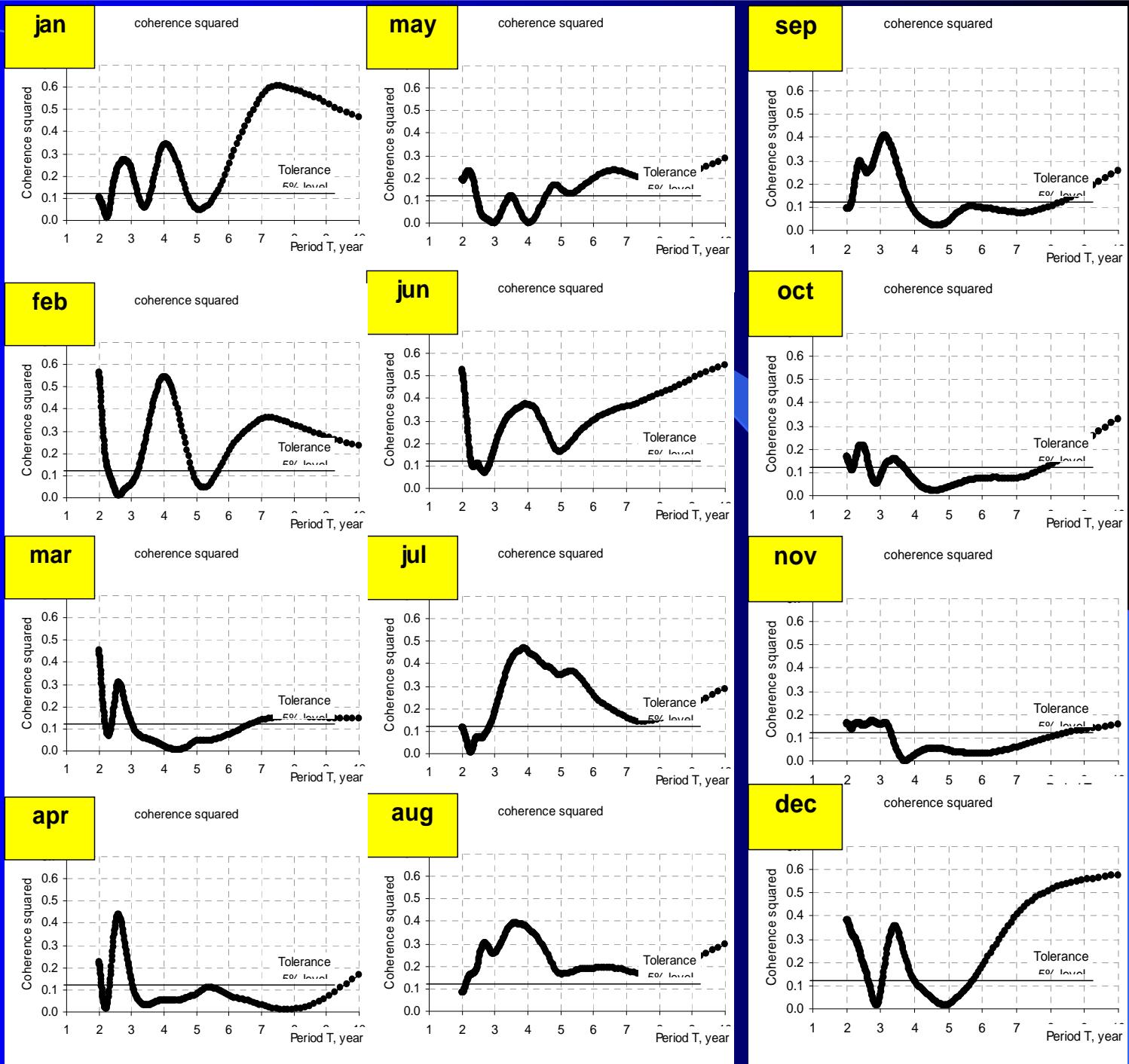
$$Coh(\omega_k) = S_{XY}(\omega_k) / \sqrt{S_{XX}(\omega_k)S_{YY}(\omega_k)} = |Coh(\omega_k)| \cdot e^{i\varphi(\omega)}$$

$\varphi(\omega)$  - Kohherences fāze

Kross-spektrālā analīze

# Koherences kvadrātu spektri starp mēneša temperatūru un Shannon Prey

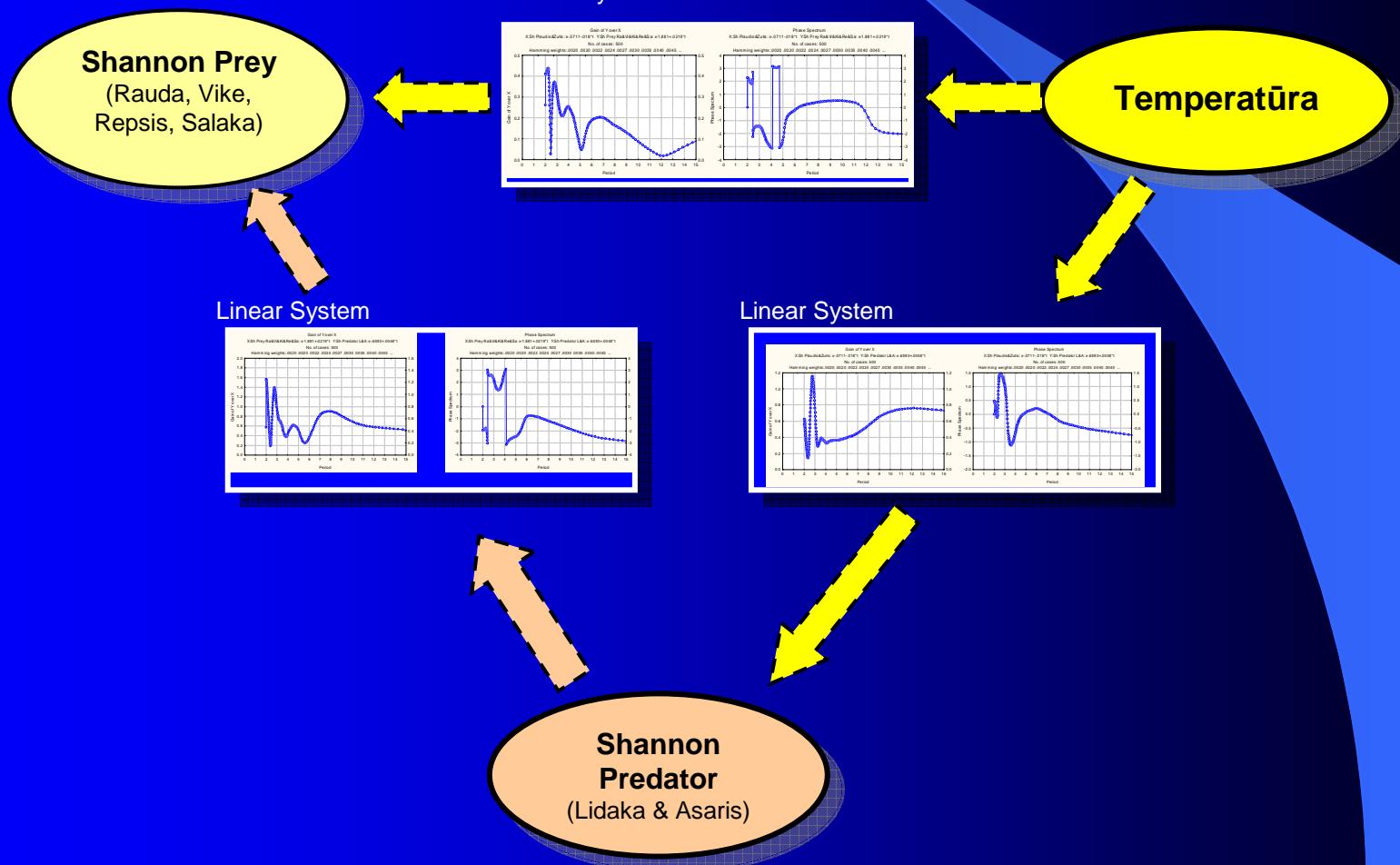
X - harmoniku periods gados,  
Y – koherence no 0 līdz 1  
attiecīgās harmonikas frekvencē



# Konstatētās likumsakarības

- Koherences kvadrāta spektrs starp mēneša temperatūru un neplēsīgo zivju (prey) Šenona daudzveidības indeksu būtiski mainās harmonikām ar 2 un 4 gadu periodu.
- Šādu periodiskumu var izraisīt arī plēsēju ietekme uz neplēsīgo zivju grupu (Lotka-Volterra modelis).

# Viens no teorētiski iespējamiem variantiem par neplēsīgo zivju daudzveidības (Shannon Prey) saistību struktūru



# Lai izslēgtu iespejamo plēsēju (Shannon of Predator) ietekmi uz temperatūras-upuru (Temp-ShPrey) saistību tika noteikti atsevišķu koherenču kvadrātu spektri (spectra of partial coherence)

The partial cross-spectrum  $S_{Y_1 Y_2/X}(\omega)$  between the processes  $Y_1$  and  $Y_2$  given the information of the remaining processes denoted by X can be calculated by [Brillinger, 1981]

$$\mathbf{S}_{\mathbf{y}\mathbf{y}/\mathbf{x}} = \mathbf{S}_{\mathbf{y}\mathbf{y}} - \mathbf{S}_{\mathbf{y}\mathbf{x}} (\mathbf{S}_{\mathbf{x}\mathbf{x}})^{-1} (\mathbf{S}_{\mathbf{x}\mathbf{y}})^*$$

I

where  $(\mathbf{S}_{\mathbf{x}\mathbf{y}})^*$  - matrix transposed and conjugate with  $\mathbf{S}_{\mathbf{x}\mathbf{y}}$ ;  
 $(\mathbf{S}_{\mathbf{x}\mathbf{x}})^{-1}$  - inverse matrix of  $\mathbf{S}_{\mathbf{x}\mathbf{x}}$ ;  
 $\mathbf{S}_{\mathbf{y}\mathbf{y}/\mathbf{x}}$  - matrix of partial cross-spectra

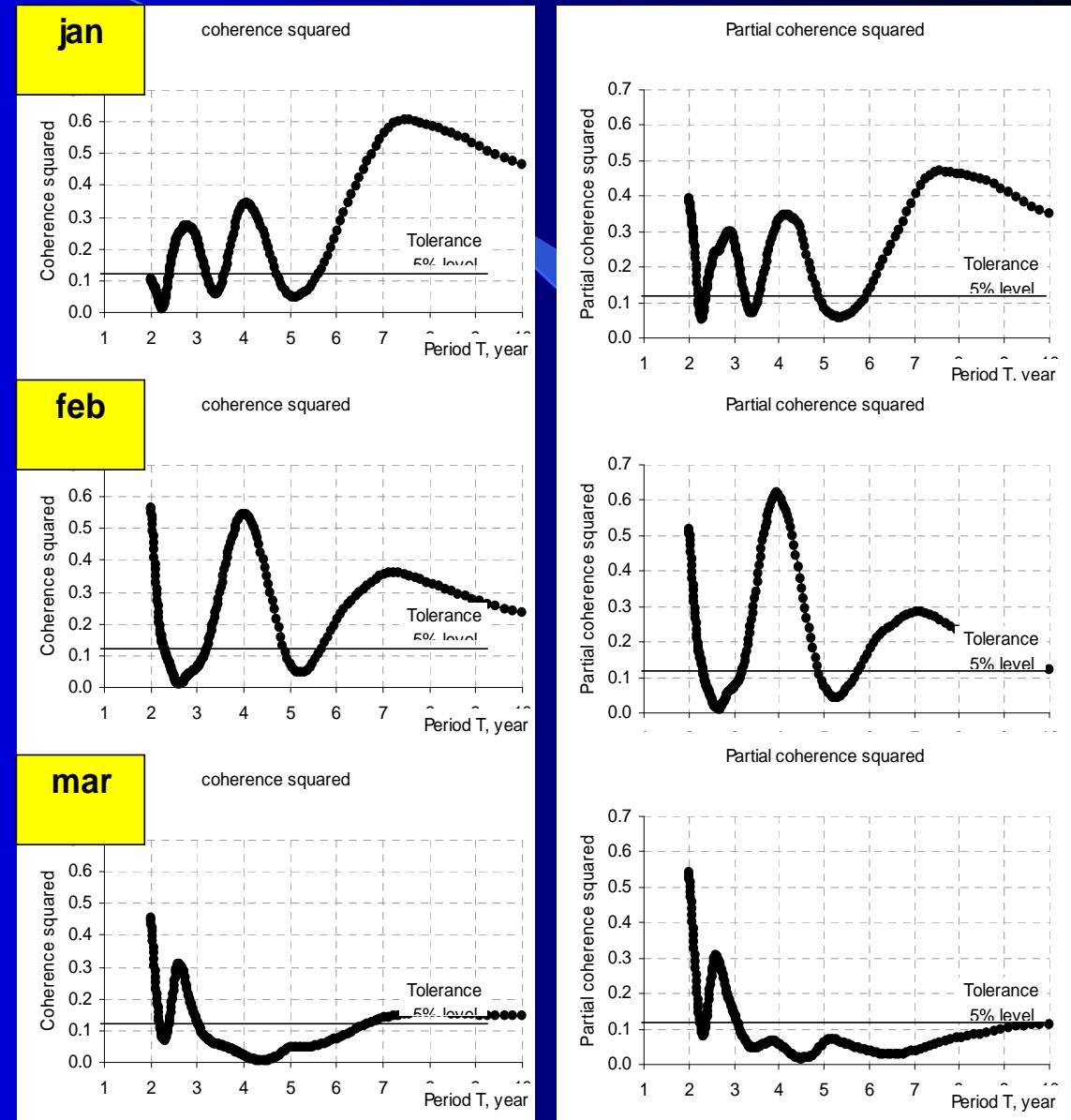
$$\mathbf{S}_{\mathbf{x}\mathbf{x}} = \begin{bmatrix} SX_1 X_1 & SX_1 X_2 & \dots & SX_1 X_r \\ SX_2 X_1 & SX_2 X_2 & \dots & SX_2 X_r \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ SX_r X_1 & SX_r X_2 & \dots & SX_r X_r \end{bmatrix}; \quad \mathbf{S}_{\mathbf{x}\mathbf{y}} = \begin{bmatrix} SY_1 X_1 & SY_1 X_2 & \dots & SY_1 X_r \\ SY_2 X_1 & SY_2 X_2 & \dots & SY_2 X_r \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ SY_r X_1 & SY_r X_2 & \dots & SY_r X_r \end{bmatrix},$$

$$\mathbf{S}_{\mathbf{y}\mathbf{y}} = \begin{bmatrix} SY_1 Y_1 & SY_1 Y_2 \\ SY_2 Y_1 & SY_2 Y_2 \end{bmatrix}; \quad \mathbf{S}_{\mathbf{y}\mathbf{y}/\mathbf{x}} = \begin{bmatrix} SY_1 Y_1 /_x & SY_1 Y_2 /_x \\ SY_2 Y_1 /_x & SY_2 Y_2 /_x \end{bmatrix},$$

# “Pirmajā ceturksnī” plēsēju ietekmes nav

Kreisajā stabīņā  
koherences kvadrātu  
spektri

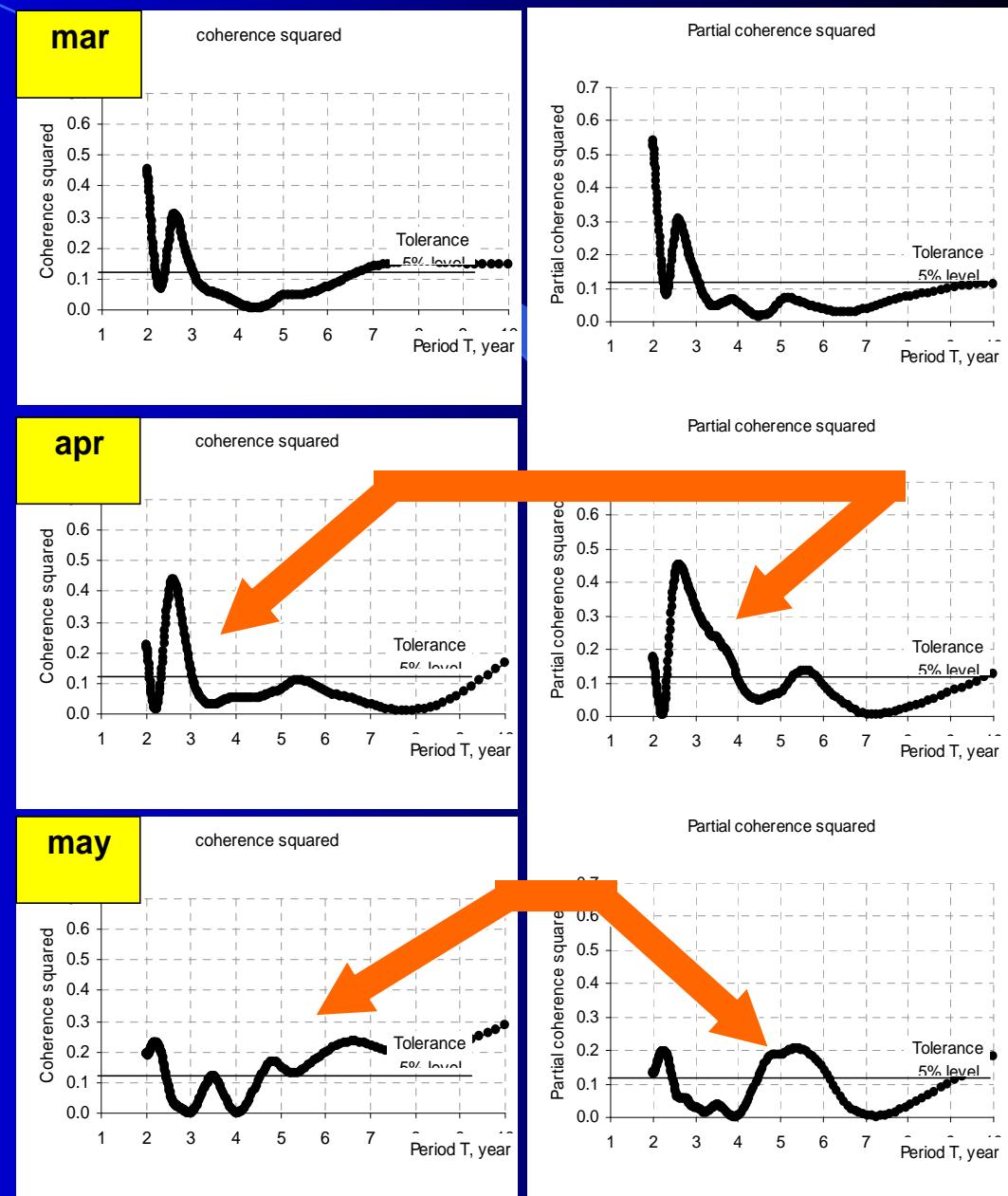
Labajā stabīņā  
**atsevišķu (partial)**  
koherences kvadrātu  
spektri  
(bez Predator ietekmes)



# Aprīlī – maijā ir jūtama plēsēju ietekme, kas izmaina spektrus

Kreisajā stabīnā  
koherences kvadrātu  
spektri

Labajā stabīnā  
atsevišķu (partial)  
koherences kvadrātu  
spektri  
(bez Predator ietekmes)

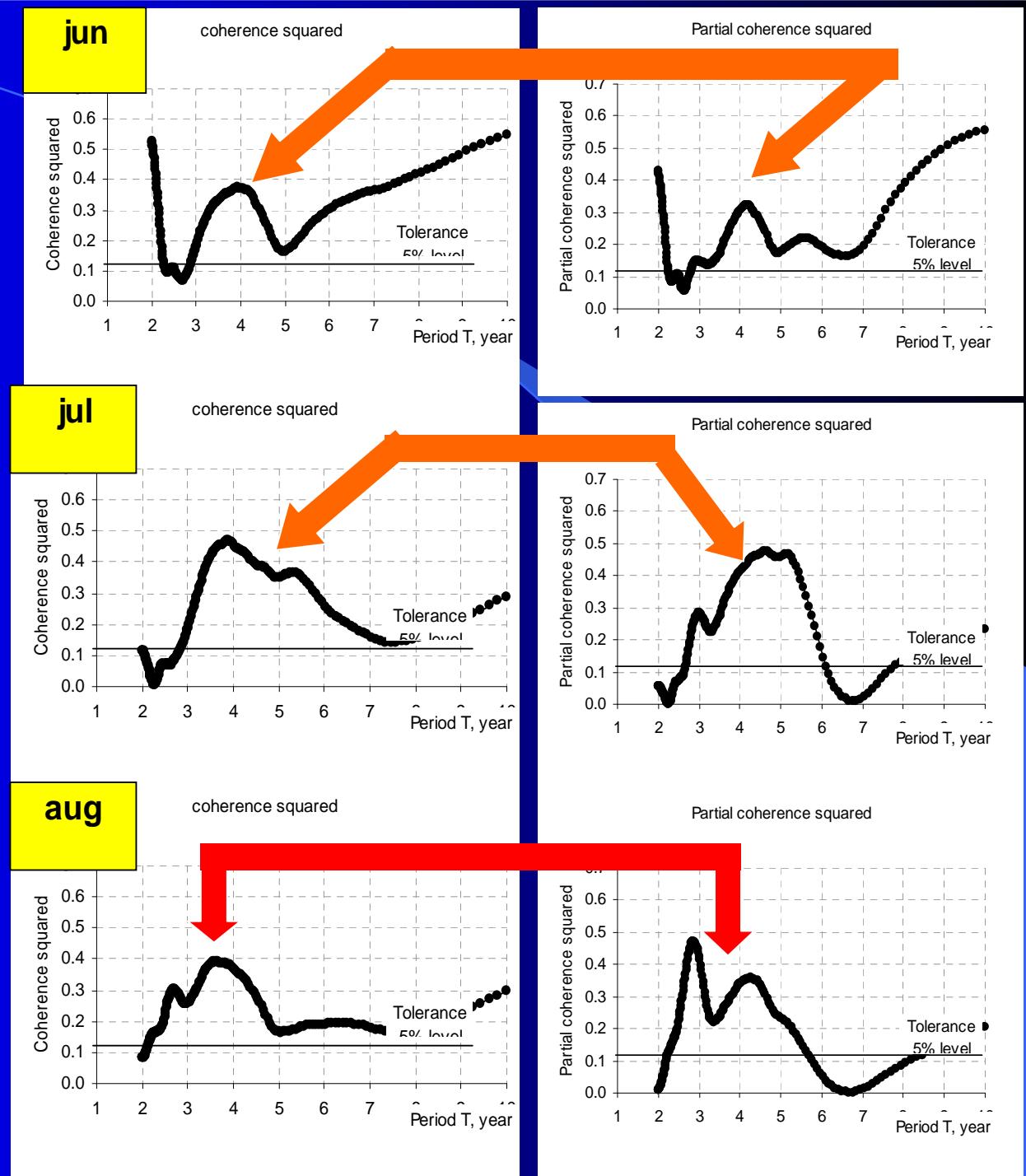


**Vasarā plēsēju  
ietekme pieaug,  
īpaši tas ir augustā.**

Kreisajā stabīnā  
koherences kvadrātu  
spektri

Labajā stabīnā  
atsevišķu (partial)

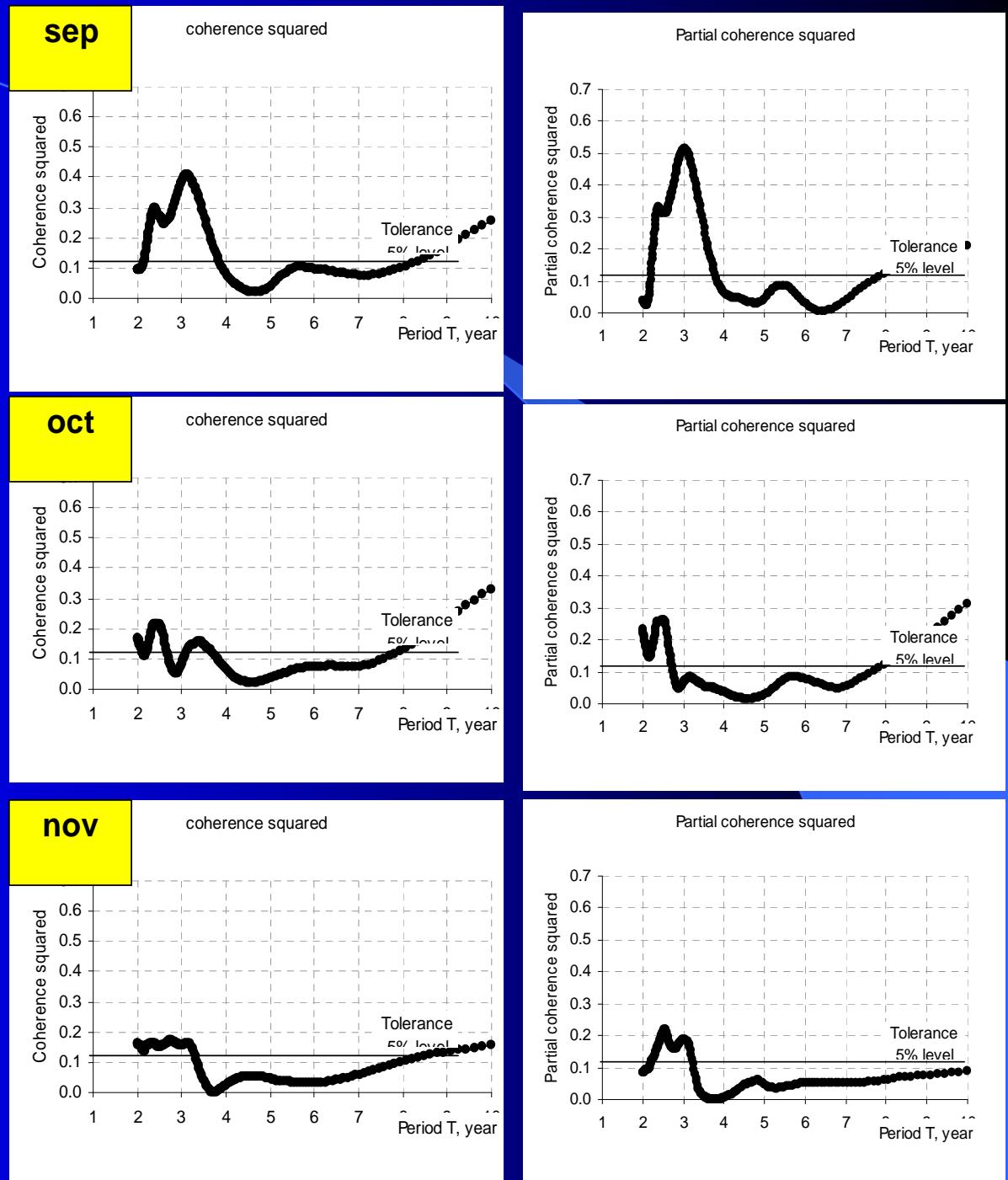
koherences kvadrātu  
spektri  
(bez Predator ietekmes)



**No septembra līdz decembrim nav būtisku koherentās saisitības formas izmaiņu plēsēju ietekmē**

Kreisajā stabīnā koherences kvadrātu spektri

Labajā stabīnā atsevišķu (partial) koherences kvadrātu spektri  
(bez Predator ietekmes)



# Secinājumi

- Periodiskas (2 – 4 gadi) neplēsīgo zivju daudzveidības svārstības Rāzna ezerā var būt saistītas ar mēneša vidējās temperatūras svārstībām dažādos gados
- Vasaras mēnešos (īpaši augustā) neplēsīgo zivju daudzveidības svārstības būtiski ietekmē plēsēji
- Pavasara un rudens-ziemas mēnešu temperatūras izmaiņām var būt būtiska ietekme uz Rāzna ezera ihtiofaunu